

Řešení početní části
písemné práce - 2. Nž, hybnost

VARIANTA A

1) $m = 0,03 \text{ kg}$

$$F = 30 \text{ N}$$

$$\underline{\Delta t = 0,06 \text{ s}}$$

a) $F = m \cdot a = m \cdot \frac{\Delta v}{\Delta t}$

$$\Delta v = \frac{F \cdot \Delta t}{m}$$

$$\Delta v = \frac{30 \cdot 0,06}{0,03} \text{ m s}^{-1} = \underline{\underline{60 \text{ m s}^{-1}}}$$

b) Zákon zachování hybnosti:

hybnost před zásahem = hybnost šípů

$$P_{\text{šíp}} = m_{\text{šíp}} \cdot v_{\text{šíp}}$$

hybnost po zásahu... hybnost tělesa,
které vzniklo spojením šípů
a jablka

$$P_{\text{š+j}} = (m_{\text{šíp}} + m_{\text{jablko}}) \cdot v$$

↑
toto chceme
vypočítat

hybnost před zásahem i po zásahu
musí být stejná $\Rightarrow$

$$P_{\vec{s}'_p} = P_{\vec{s}+j}$$

$$m_{\vec{s}'_p} \cdot v_{\vec{s}'_p} = (m_{\vec{s}'_p} + m_{jablko}) \cdot v$$

$$v = \frac{m_{\vec{s}'_p} \cdot v_{\vec{s}'_p}}{m_{\vec{s}'_p} + m_{jablko}}$$

$$v = \frac{0,03 \cdot 60}{0,15 + 0,03} \text{ m s}^{-1} = \underline{\underline{10 \text{ m s}^{-1}}}$$

② $m = 1200 \text{ kg}$

$v = 72 \text{ km h}^{-1} = 20 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$

a) $F = m \cdot \frac{\Delta v}{\Delta t} \dots \text{2. Newtonův zákon}$

$$\Delta t = 4 \text{ s}, \Delta v = 20 \text{ m s}^{-1} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow F = 1200 \cdot \frac{20}{4} \text{ N} = 6000 \text{ N} \\ = \underline{\underline{6 \text{ kN}}}$$

$$s = \frac{1}{2} a t^2 = \frac{1}{2} \frac{F}{m} t^2 \quad \left| a = \frac{F}{m} \right.$$

$$s = \frac{1}{2} \frac{6000}{1200} \cdot 4^2 \text{ s} = \underline{\underline{40 \text{ m}}}$$

b) vyjde stejně jako v a)

VARIANTA (B)

① $m = 0,03 \text{ kg}$

$$F = 32 \text{ N}$$

$$\underline{\Delta v = 40 \text{ m s}^{-1}}$$

$$F = m \cdot \frac{\Delta v}{\Delta t}$$

$$\Delta t = \frac{m \cdot \Delta v}{F} \Rightarrow \Delta t = \frac{0,03 \cdot 40}{32} \text{ s}$$
$$\underline{\underline{\approx 0,04 \text{ s}}}$$

b) zákon zachování hybnosti:

hybnost před zásahem = hybnost šípů

$$P_{\vec{s}_{ip}} = m_{\vec{s}_{ip}} \cdot v_{\vec{s}_{ip}}$$

hybnost po zásahu... hybnost tělesa,

kteřé vzniklo spojením šípů

a jablka

$$P_{\vec{s}+\vec{j}} = (m_{\vec{s}_{ip}} + m_{\text{jablko}}) \cdot v$$

↑
toto chceme
vypočítat

hybnost před zásahem i po zásahu
musí být stejná $\Rightarrow$

$$p_{\text{šip}} = p_{\text{š+j}}$$

$$m_{\text{šip}} \cdot v_{\text{šip}} = (m_{\text{šip}} + m_{\text{jablko}}) \cdot v$$

$$v = \frac{m_{\text{šip}} \cdot v_{\text{šip}}}{m_{\text{šip}} + m_{\text{jablko}}}$$

$$v = \frac{0,03 \cdot 40}{0,21 + 0,03} \text{ m s}^{-1} = \underline{\underline{5 \text{ m s}^{-1}}}$$

② $m = 1600 \text{ kg}$
 $v = 90 \text{ km h}^{-1} = 25 \text{ m s}^{-1}$

a) $F = m \cdot \frac{\Delta v}{\Delta t} \dots$ 2. Newtonův zákon

$$\Delta t = 4 \text{ s}, \Delta v = 25 \text{ m s}^{-1} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow F = 1600 \cdot \frac{25}{4} \text{ N} = 7500 \text{ N} = \underline{\underline{7,5 \text{ kN}}}$$

$$s = \frac{1}{2} a t^2 = \frac{1}{2} \frac{F}{m} t^2 \quad \left| a = \frac{F}{m} \right.$$

$$s = \frac{1}{2} \frac{7500}{1600} \cdot 4^2 \text{ s} = \underline{\underline{37,5 \text{ m}}}$$

$$b) \quad s = 100 \text{ m}$$

$$s = \frac{1}{2} a t^2 \quad t = \frac{v_0}{a}$$

$$s = \frac{1}{2} a \cdot \left(\frac{v_0}{a} \right)^2 = \frac{1}{2} \frac{v_0^2}{a} \quad a = \frac{F}{m}$$

$$s = \frac{1}{2} v_0^2 \cdot \frac{m}{F} \Rightarrow F = \frac{v_0^2 \cdot m}{2s}$$

$$F = \frac{25^2 \cdot 1600}{2 \cdot 100} \text{ N} = \underline{\underline{5000 \text{ N}}}$$